

APCS 複習

2018/5/12 by Sean

一、時間複雜度

$O(x)$ ， x 越大跑越久， O 函數代表執行步驟數目上限

如果一個演算法執行的步驟是固定的，無關輸入的值而改變，那我們會記成 $O(1)$

而下面這個演算法則是依據輸入的 n 的數量會跑 n 次，所以是 $O(n)$ ：

```
1. function (int n) {
2.     for (i=0; i<n; i++) {
3.         print (i);
4.     }
5. }
```

這個演算法雖然跑了 $n*(n-1) = n^2 - n$ 次，但我們還是會記做 $O(n^2)$ ，也就是說，只要找出最高次方，並且把係數拿掉即可。

```
1. function (int n) {
2.     for (i=0; i<n; i++) {
3.         for (j=0; j<n-1; j++) {
4.             print (i*j);
5.         }
6.     }
7. }
```

常見的時間複雜度還有： $O(n \log(n))$ 、 $O(n^2)$ 、 $O(2^n)$ 、 $O(n^3)$... 等等，不用特別去記，只要大概的數一下迴圈數量，大致上判斷一下丟進去的變數會讓程式執行幾次即可。

二、排序

1. Insertion sort

分成未排序及已排序，將未排序中正在處理的值放到已排序中的適當位子

<https://www.youtube.com/watch?v=DFG-XuyPYUQ>

時間複雜度 (Time Complexity)

Best Case(omega) : $O(1)$

當資料的順序恰好為由小到大時，每回合只需比較 1 次

Worst Case : $O(n^2)$

當資料的順序恰好為由大到小時，第 i 回合需比 i 次

Average Case : $O(n^2)$

第 n 筆資料，平均比較 $n/2$ 次

2. Selection sort

分成未排序及已排序，從未排序中找出最小的數，放入已排序的最尾端

https://www.youtube.com/watch?v=f8hXR_Hvybo

時間複雜度 (Time Complexity)

Best Case : $O(n^2)$

Worst Case : $O(n^2)$

Average Case : $O(n^2)$

無論資料順序如何，都會執行兩個迴圈

3. Bubble sort

<https://www.youtube.com/watch?v=nmhirl-aW5o>

時間複雜度 (Time Complexity)

Best Case : $O(n)$

當資料的順序恰好為由小到大時

第一次執行後，未進行任何 **swap** \Rightarrow 提前結束

Worst Case : $O(n^2)$

當資料的順序恰好為由大到小時

每回合分別執行：n-1、n-2、...、1 次

$(n-1) + (n-2) + \dots + 1 = n(n-1)/2 \Rightarrow O(n^2)$

Average Case : $O(n^2)$

第 n 筆資料，平均比較 $(n-1)/2$ 次

4. Counting sort

5. Code of insertion/selection/bubble sort

<https://gist.github.com/cilegann/2a5e66a213e21acdec282fc920e14450>

6. STL lib

- > #include<algorithm>
- > sort(array_begin, array_end)
- > sort(a,a+5)
- > 取得變數佔用的記憶體量，把取得的值 / 變數型別就可以得到陣列長度了
- > int end = sizeof(a)/sizeof(int)
- > sort(a,a+end)
- > 降冪 : reverse(array_begin,array_end)

7. 參考題目

a104 a233 d190

三、Struct

> 為何要用結構?

B899 中 我們把每個點的 X Y 都分開定義，但是他們其實是一個東西的很多屬性。如果我們定義一個叫做「點」的資料型態，不是很方便?

> 像是一台車，有 廠牌、顏色、馬力、長度...等等屬性，若我們要定義一台車，必須要逐行宣告這些散亂在四處的變數，會很難管理。這時我們可以定義一個叫做 car 的資料型態，也就是 struct。

> 基本結構

```
struct car{  
    string brand;  
    string color;  
    double power;  
    double length;  
};
```

> 直接在 main 存取

```
#include<iostream>  
using namespace std;  
struct car{  
    string brand;  
    string color;  
    double power;  
    double length;  
};  
int main(){  
    car mycar;  
    mycar.brand="BMW";  
    mycar.color="Black";
```

```
mycar.power=120;
mycar.length=250;
car cars[10];
cars[0].brand="TOYOTA";
cars[0].color="Black";
cars[0].power=100;
cars[0].length=250;
cout<<cars[0].name;
}
```

> constructor

但是這樣還不夠方便，我們可以定義一個屬於這個資料型態的 function，拿來初始化這個結構。這個 function 叫做 constructor 建構子。

```
#include<iostream>
using namespace std;
struct vector{
    double x;
    double y;
    vector(){x=0;y=0;}
    vector(double x,double y){this->x=x;this->y=y;}
};

int main(){
    vector vec=vector(10,2);
    cout<<vec.x<<" "<<vec.y;
}
```

> 外部 function (struct 1,struct 2)

既然他是一個型態，當然也可以拿來當作 function 的參數及回傳型態

```
#include<iostream>
using namespace std;
struct vector{
    double x;
    double y;
    vector(){x=0;y=0;}
    vector(double x,double y){this->x=x;this->y=y;}
};

void printVector(vector vec){
    cout<<"X="<<vec.x<<" ,Y="<<vec.y<<endl;
}

vector add(vector vec1,vector vec2){
    vector ans=vector(vec1.x+vec2.x,vec1.y+vec2.y);
    return ans;
}

int main(){
    vector vec1=vector(10,2);
    vector vec2=vector(7,3);
    vec1=add(vec1,vec2);
    printVector(vec1);
}
```

> 内部 function (struct 2)

1. 定義在裡面，實作在外面 `void vector::add`

2. `this->x` `todo.x`

```
#include<iostream>
using namespace std;
struct vector{
    double x;
    double y;
    vector(){x=0;y=0;}
    vector(double x,double y){this->x=x;this->y=y;}
    void printVector();
    void add(vector todo);
};

void vector::printVector(){
    cout<<"X="<<this->x<<" ,Y="<<this->y<<endl;
}

void vector::add(vector todo){
    this->x=this->x+todo.x;
    this->y=this->y+todo.y;
}

int main(){
    vector vec1=vector(10,2);
    vector vec2=vector(7,3);
    vec1.add(vec2);
    vec1.printVector();
}
```

四、補充 function

1. 輸入數字的另一種方式

```
int a;  
while(scanf("%d",&a)!=EOF)
```

Scanf 這個 function 會在 a 成功讀入後 return 1。若遇到錯誤或是輸入結束(EOF)，則會 return EOF。

2. 取出字串 str 中的某段

```
string str="ABCDE";  
str.substr(開始取的位置,長度);
```